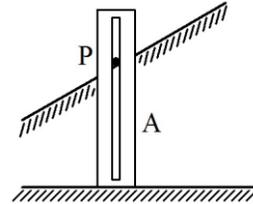


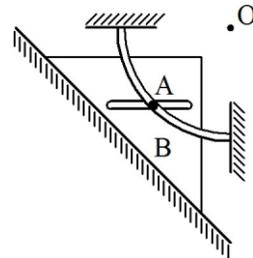
5.4.- PROBLEMAS PROPUESTOS

En los problemas que a continuación se proponen, el campo gravitacional de intensidad “g” actúa verticalmente en el plano que coincide con la hoja de papel.

1.- El pasador P de masa m se mueve en la superficie fija a tierra, inclinada 30° con la horizontal y simultáneamente en la ranura vertical de la pieza A que se mueve aceleradamente hacia la derecha sobre la superficie horizontal también fija a tierra. Si para la configuración mostrada la magnitud del vector velocidad y la magnitud del vector aceleración de la pieza respecto a tierra es v y $\sqrt{3}g$ respectivamente; determinar las fuerzas reactivas que se generan sobre el pasador para dicha configuración. Suponer los contactos lisos.



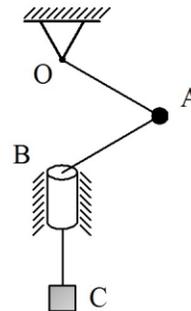
2.- El pasador A de masa m se mueve en la ranura circular de centro O y radio R fija a tierra, y simultáneamente en la ranura horizontal de la cuña triangular B que se mueve en la superficie también fija a tierra, inclinada 45° con la horizontal. Si la velocidad de la cuña respecto a tierra es de magnitud constante v dirigida hacia arriba y para la configuración mostrada \overline{OA} forma 45° con la vertical; determinar las fuerzas reactivas que se generan sobre el pasador para dicha configuración.



Considerar:

- a) Todas las superficies son lisas.
- b) El coeficiente de roce en los contactos es 0,5.

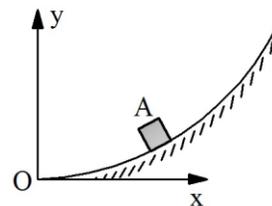
3.- La esfera A de radio despreciable y peso P se sostiene mediante dos cuerdas: la primera de longitud $2b$ forma 60° con la vertical OB y está unida a tierra en O, la segunda de longitud $3b$ pasa por el collar B de dimensiones despreciables fijo a tierra y se une en su otro extremo al bloque C de peso $2P$; determinar la magnitud del vector velocidad de la esfera respecto a tierra, de manera que el bloque permanezca a la distancia b por debajo del collar.



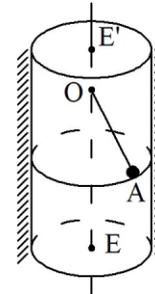
4.- El bloque A de dimensiones despreciables y masa m se mueve en la superficie lisa, fija a tierra y cuya ecuación es:

$$y = 4x^2$$

determinar la magnitud de la fuerza horizontal \overline{F} , aplicada hacia la derecha sobre bloque, de manera que la componente horizontal de su vector velocidad respecto a tierra sea de magnitud constante v . Expresar el resultado en función de la coordenada x del bloque.



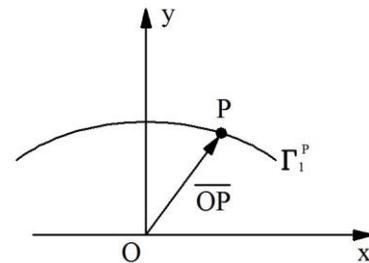
5.- La esfera A de radio despreciable y masa m está sostenida por la cuerda OA de longitud 5R unida a tierra en el punto O del eje vertical EE'. Si la esfera se mueve en la superficie interna del tubo cilíndrico liso de eje EE' y radio 3R, fijo a tierra; determinar la velocidad mínima necesaria para que exista el contacto entre la esfera y la pared del tubo.



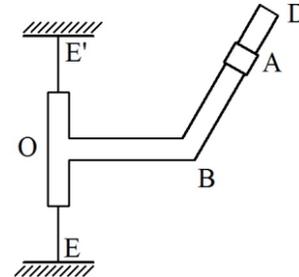
6.- La partícula P de masa m inicia su movimiento desde el punto de coordenadas (0,b) con velocidad horizontal hacia la derecha de magnitud v, y describe respecto a tierra el arco de elipse cuya ecuación es:

$$\left(\frac{x}{a}\right)^2 + \left(\frac{y}{b}\right)^2 = 1$$

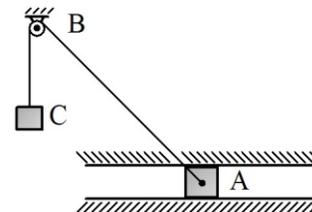
Si sobre la partícula actúa una fuerza vertical \bar{F} dirigida hacia abajo; determinar la magnitud de esta fuerza en función de la coordenada "y" de dicha partícula.



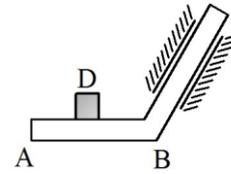
7.- El collar A de masa m se apoya en el tramo BD de la pieza rígida que gira alrededor del eje vertical EE' fijo a tierra. ¿Cuál debe ser la velocidad angular máxima de la pieza respecto a tierra, para que el collar no deslice en el tramo BD?. El coeficiente de roce entre el collar y el tramo BD de la pieza es $\sqrt{3}/6$, el tramo OB es horizontal y su longitud es L, la inclinación del tramo BD es 60° con la horizontal y la distancia desde B hasta A es L.



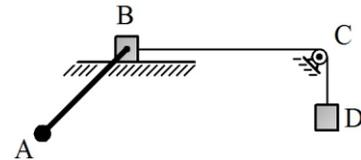
8.- El bloque A se mueve en la guía horizontal fija a tierra con velocidad de magnitud constante v hacia la derecha. Al bloque se une la cuerda que pasa por la polea B de radio y peso despreciable articulada a tierra, ubicada a la altura H del eje horizontal de la guía y se une en su otro extremo al bloque C de peso P. Si para la configuración mostrada el tramo inclinado de cuerda forma 45° con la horizontal; determinar su tensión para dicha configuración.



9.- En un proceso de manufactura se lleva el bloque D de peso P de un nivel a otro mediante el brazo elevador mostrado. El brazo se mueve en la guía fija a tierra, inclinada 60° con la horizontal. Si el coeficiente de roce entre el bloque y la superficie horizontal AB del brazo es $\sqrt{3}/3$; determinar la magnitud de la aceleración “a” hacia abajo que debe tener el brazo a fin de que el deslizamiento del bloque respecto a la superficie sea inminente.

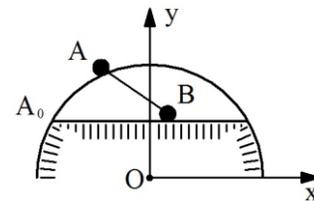


10.- La esfera A de radio despreciable y peso P está unida a la barra ideal AB articulada al bloque B también de peso despreciable, que se mueve en la superficie horizontal lisa fija a tierra. El bloque B está unido a la cuerda que pasa por la polea C de radio y peso despreciables, articulada a tierra. La cuerda se une en su otro extremo al bloque D de peso 2P; determinar el vector aceleración del bloque D de manera que el ángulo formado por la barra con la vertical se mantenga constante. De acuerdo con la condición anterior; calcular la fuerza en dicha barra. El tramo de cuerda BC es horizontal.



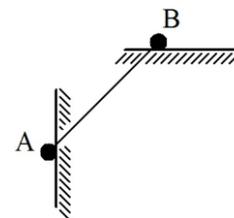
11.- Las esferas A y B de radio despreciable están unidas mediante una barra ideal de longitud $2\sqrt{2}$ (m). La esfera A se mueve en la superficie circular de centro O y radio 4 (m) fija a tierra. La esfera B de masa m se mueve en la superficie horizontal lisa también fija a tierra, ubicada a 2 (m) por encima del centro O. La esfera A inicia su movimiento en A_0 mediante la ley:

$$s(t) = \frac{\pi t^2}{3}$$

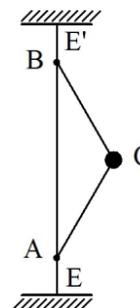


determinar para el instante en que la esfera A pasa por el punto más alto de su trayectoria, la reacción que genera la superficie sobre la esfera B.

12.- Las esferas A y B de radio despreciable y peso P cada una, están unidas a los extremos de una barra ideal de longitud L. La esfera B se mueve en la superficie horizontal lisa fija a tierra y la esfera A se mueve en la superficie vertical lisa también fija a tierra. Si el sistema inicia el movimiento por efecto de la gravedad y parte del reposo desde la configuración mostrada donde la barra forma 45° con la horizontal; determinar la reacción que ejercen las superficies sobre las esferas para dicha configuración.

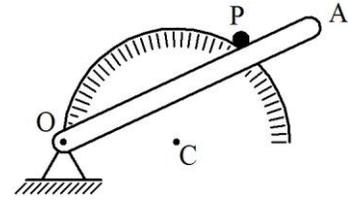


13.- La esfera C de radio despreciable y masa m está sostenida por dos cuerdas de igual longitud L, unidas en sus extremos A y B respectivamente al eje vertical EE' fijo a tierra. Si la esfera gira en el plano horizontal alrededor de dicho eje con velocidad de magnitud constante igual a $\sqrt{\sqrt{3}} g L$; determinar la tensión en cada cuerda.



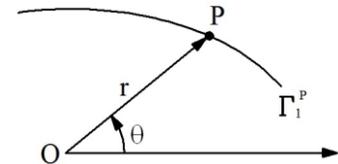
La distancia AB es igual a $\sqrt{3} L$.

14.- El pasador P de masa m se mueve en la superficie circular lisa de centro C y radio R fija a tierra, y simultáneamente en la superficie lisa de la barra OA articulada a tierra en O. Si la barra gira con velocidad angular de magnitud constante ω en sentido antihorario respecto a tierra; determinar el ángulo θ que forma la barra con la horizontal, para el instante en el cual el pasador se despegue de la superficie semicircular. O y C están en la misma horizontal.



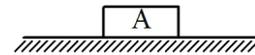
15.- La partícula P de masa m se mueve en el plano horizontal debido a la aplicación de la fuerza central F^* . Si la trayectoria descrita por la partícula respecto a tierra es:

$$r = \frac{b}{1 + e \cos \theta}$$

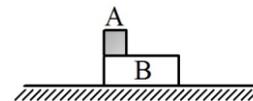


donde b y e son constantes; determinar la magnitud de la fuerza.

16.- El bloque A de peso P se mueve en la superficie horizontal fija a tierra con velocidad de magnitud constante v_0 hacia la derecha, debido a la aplicación de la fuerza horizontal de magnitud constante F_0 dirigida hacia la derecha. En un cierto instante el sentido de esta fuerza se invierte; determinar la distancia que recorre el bloque hasta detenerse, medida desde la posición en que se efectuó la inversión. La fuerza resistente generada por la superficie es proporcional al cuadrado de la magnitud de la velocidad del bloque.

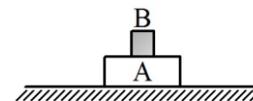


17.- El bloque A de 10 (cm) de largo y peso 50 (N) se apoya en la cara superior de otro bloque B de 30 (cm) de largo y peso 100 (N) que se mueve en la superficie horizontal lisa fija a tierra. Inicialmente los bloques están en reposo y alineados tal como se muestra. Si se aplica sobre el bloque A la fuerza horizontal de 40 (N) hacia la derecha; determinar el tiempo que tarda dicho bloque en alinearse con el borde derecho del bloque B.



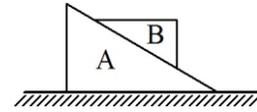
El coeficiente de roce entre ambos bloques es 0,4.

18.- El bloque A de peso $2P$ se mueve en la superficie horizontal lisa fija a tierra. En la cara superior horizontal de dicho bloque, se apoya el bloque B de peso P. Si el coeficiente de roce dinámico entre los bloques es $1/3$; determinar la magnitud de la fuerza \bar{F} horizontal hacia la derecha que debe aplicarse al bloque A, de manera que el bloque B adquiera la aceleración $2g$ relativa a él.

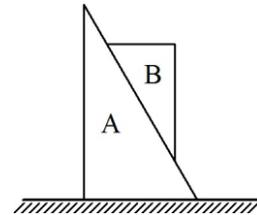


* La fuerza central tiene dirección radial y siempre apunta hacia el origen del vector de posición.

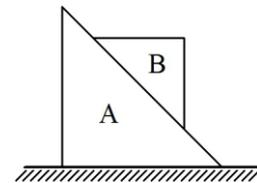
19.- La cuña A de masa m se mueve en la superficie horizontal fija a tierra. La cara inclinada de esta cuña forma 30° con la horizontal. La cuña B de masa $2m$ se apoya sobre esta cara inclinada. Si no existe roce en los contactos; determinar el vector aceleración de la cuña A respecto a tierra.



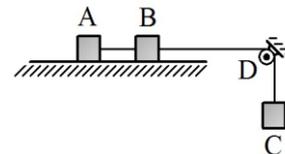
20.- Las cuñas A y B tienen masa m cada una. Si el coeficiente de roce dinámico entre ellas es $\sqrt{3}/3$; determinar el coeficiente de roce mínimo que debe existir entre la cuña A y la superficie horizontal fija a tierra, para que la cuña en cuestión no se mueva. Las caras inclinadas de las cuñas forman 60° con la horizontal.



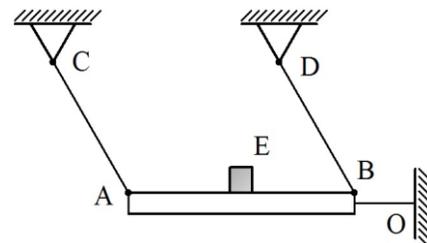
21.- La cuña A de masa m se mueve en la superficie horizontal lisa fija a tierra. La cuña B de masa $2m$ se mueve en la superficie de la cuña A, inclinada 45° con la horizontal. Si el coeficiente de roce estático entre las cuñas es $0,5$; determinar el valor máximo y el valor mínimo de la fuerza horizontal \bar{F} que se debe aplicar a la cuña A hacia la derecha, para evitar el deslizamiento entre ellas.



22.- Los bloques A y B de peso P cada uno se apoyan en la superficie horizontal lisa fija a tierra, ambos bloques están conectados mediante una cuerda. El bloque B se une a otra cuerda que pasa por la polea D de radio y peso despreciables, articulada a tierra. Dicha cuerda se une en su otro extremo al bloque C también de peso P . Si el sistema se mueve por efecto de la gravedad; determinar el vector aceleración del bloque A respecto a tierra y la tensión en la cuerda que une los bloques A y B. La cuerda que une dichos bloques y el tramo de cuerda entre el bloque B y la polea son horizontales.



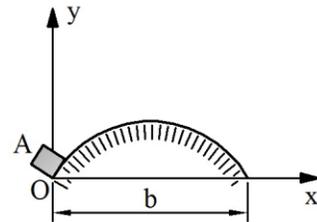
23.- La barra AB de peso $3P$ es sostenida horizontalmente mediante tres cuerdas: CA, DB y OB. Las cuerdas CA y DB son paralelas, de igual longitud y están inclinadas 30° con la vertical. En la barra se apoya el bloque E de peso P . Si repentinamente se corta la cuerda OB, y se inicia el movimiento de la barra; determinar el coeficiente de roce mínimo que debe existir entre el bloque y la barra para que en el instante inicial del movimiento no exista deslizamiento entre ellos.



24.- El bloque A de dimensiones despreciables y peso P se lanza con velocidad inicial v hacia arriba en la superficie senoidal lisa fija a tierra, cuya ecuación es:

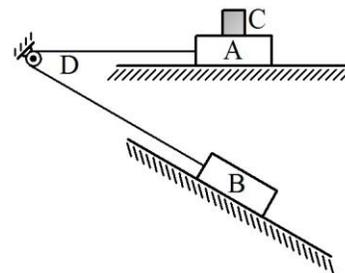
$$y = b \operatorname{sen}\left(\frac{\pi x}{b}\right)$$

¿Qué magnitud debe tener la velocidad inicial para que la fuerza que genera la superficie sobre el bloque cuando éste pase por la posición más alta de su trayectoria sea nula?

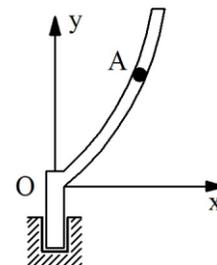


25.- El bloque A de peso $2P$ se mueve en la superficie horizontal lisa fija a tierra, a su vez está unido a la cuerda que pasa por la polea D de radio y peso despreciables, articulada a tierra. El otro extremo de la cuerda se une al bloque B de peso $3P$ que se mueve en la superficie lisa, también fija a tierra e inclinada 30° con la horizontal. El bloque C de peso P se apoya en la cara superior del bloque A. Si el sistema se mueve por efecto de la gravedad; determinar el mínimo coeficiente de roce que debe existir entre el bloque C y el bloque A para que no exista deslizamiento relativo entre ellos.

El tramo de cuerda entre el bloque A y la polea es horizontal y el tramo de cuerda entre la polea y el bloque B es paralelo a la superficie inclinada.



26.- El tubo curvo liso gira respecto a tierra alrededor del eje “y” con velocidad angular de magnitud constante ω . Dentro del tubo se coloca la esfera A de radio despreciable y peso P. ¿Cuál debe ser la ecuación cartesiana del eje del tubo para que la esfera al ser colocada en cualquier parte del mismo se mantenga en equilibrio relativo al tubo?

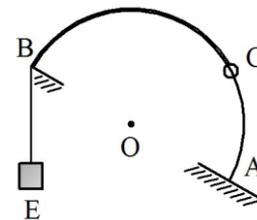


27.- El anillo C se mueve en el semiarco AB de centro O y radio R fijo a tierra, según la ley:

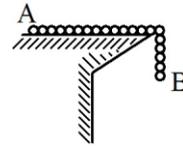
$$s(t) = \frac{\pi R t^3}{12}$$

Al anillo se une la cuerda que se apoya sobre el alambre y sostiene en su otro extremo al bloque E de masa m. Si el anillo inicia su movimiento en el punto A del semiarco; determinar la tensión en la cuerda para el instante en que el anillo pasa por la posición más alta de su trayectoria.

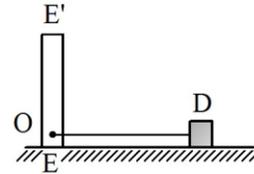
El diámetro AB del semiarco forma 30° con la horizontal.



28.- La cadena AB de longitud L y peso λ por unidad de longitud se apoya en la mesa lisa fija a tierra, de manera que el tramo de longitud b ($b < L$), inicialmente en reposo cuelga verticalmente. Despreciando los efectos dinámicos que se producen en el doblado; determinar la velocidad v de la cadena cuando su extremo A abandona la mesa.

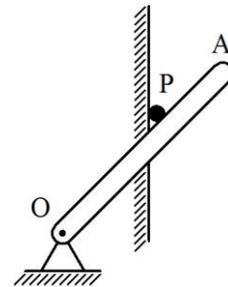


29.- El bloque D de peso 30 (N) se apoya en la superficie horizontal fija a tierra y se une a la cuerda OD de longitud 1 (m), cuyo extremo O se fija al eje vertical EE'. Si se aplica al bloque la fuerza constante de 9 (N) siempre perpendicular a la cuerda, y contenida en el plano paralelo a la superficie, que hace girar la cuerda en sentido horario a partir del reposo (visto desde arriba); determinar el tiempo transcurrido desde el instante inicial del movimiento hasta el instante en que la tensión en la cuerda alcanza el valor de 108 (N).

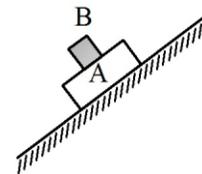


El coeficiente de roce entre el bloque y la superficie es 0,1.

30.- El pasador P de masa m se mueve en la superficie vertical fija a tierra, y simultáneamente en la barra lisa OA, articulada a tierra en O, ubicado a la distancia horizontal b de la superficie. La barra rota en sentido horario respecto a tierra con velocidad angular de magnitud constante ω . Si para la configuración mostrada la barra forma 45° con la horizontal y el valor de la reacción que ella genera sobre el pasador es $\sqrt{2} mg$; determinar el coeficiente de roce de la superficie.

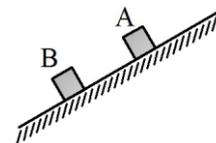


31.- El bloque A de peso 500 (N) se apoya en la superficie rugosa fija a tierra. El bloque B de igual peso se apoya en la cara superior del bloque A. Si el coeficiente de roce entre el bloque A y la superficie es 0,5 y el coeficiente de roce entre ambos bloques es 0,2; determinar la magnitud del vector aceleración de cada uno de los bloques respecto a tierra.

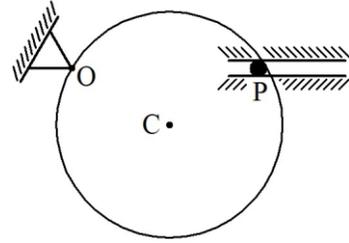


La inclinación de la superficie con la horizontal está dada por: $\text{tg } \beta = 3/4$.

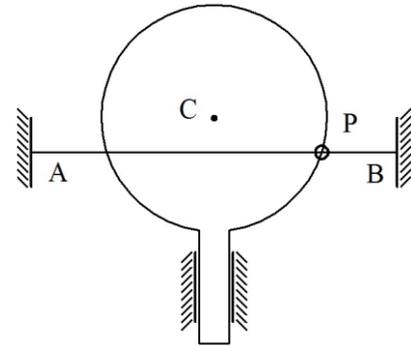
32.- Los bloques B y A de pesos $2P$ y P respectivamente están originalmente en reposo en la superficie rugosa, fija a tierra e inclinada 30° con la horizontal. El coeficiente de roce entre la superficie y los bloques B y A es 0,4 y 0,2 respectivamente. Si el bloque B inicia su movimiento, y un segundo más tarde lo hace el bloque A, de manera que a los seis segundos de iniciado el movimiento del primer bloque, el bloque A alcanza al bloque B; determinar la distancia que separa a ambos bloques en el reposo.



33.- El pasador P de masa m se mueve en la ranura horizontal lisa fija a tierra, y simultáneamente permanece en contacto con la superficie interna lisa del aro de centro C y radio R, articulado a tierra en O. Si el aro gira en sentido horario respecto a tierra, la variación en el tiempo del ángulo que forma el radio OC con la horizontal es de magnitud constante ω y para la configuración mostrada la distancia entre O y P es $\sqrt{3} R$; determinar las reacciones sobre el pasador para dicha configuración. O y P están en la misma horizontal.



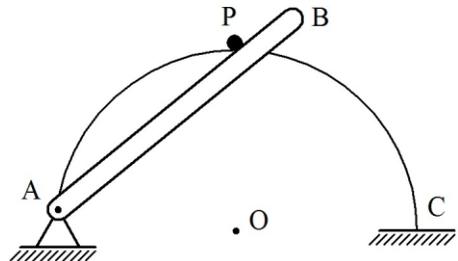
34.- El anillo P de masa m se mueve en el alambre horizontal AB liso y fijo a tierra, y simultáneamente en el aro de centro C y radio R también liso, que se desplaza verticalmente hacia abajo con velocidad de magnitud constante v; determinar las reacciones sobre el anillo para el instante en el cual el centro C del aro se encuentra sobre la recta AB



35.- El pasador P de masa m se mueve en el semiarco AC liso de centro O y radio R fijo a tierra, y simultáneamente en la barra AB también lisa, articulada a tierra en A. La ley de movimiento del pasador respecto a tierra es:

$$s(t) = \frac{\pi R t^2}{8}$$

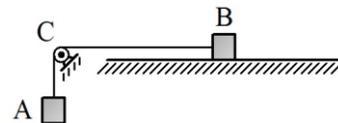
Si P inicia el movimiento en el punto C y para la configuración mostrada OP es vertical; determinar las reacciones sobre el pasador para dicha configuración. A, O y C están en la misma horizontal.



36.- El bloque B de masa 2m se mueve en la superficie horizontal fija a tierra, a su vez está unido a la cuerda que pasa por la polea C de radio y masa despreciables, articulada a tierra. La cuerda se une en su otro extremo al bloque A de masa m. Si el tramo de cuerda entre el bloque B y la polea es horizontal, y el sistema se mueve por efecto de la gravedad;

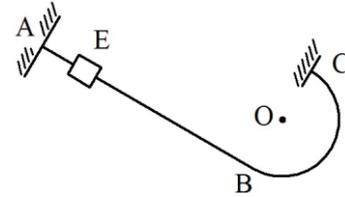
a) Determinar el coeficiente de roce μ entre el bloque B y la superficie para que el bloque A descienda con aceleración $g/4$ respecto a tierra.

b) Si el coeficiente de roce es el calculado en la parte anterior; determinar la velocidad del bloque A respecto a tierra cuando éste ha descendido la distancia h a partir del reposo.

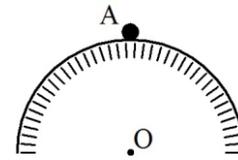


37.- El collar E de peso P se mueve en el alambre liso fijo a tierra, formado por el tramo AB recto, inclinado 30° con la horizontal y el tramo semicircular BC de centro O y radio R. El tramo AB es perpendicular al diámetro BC del tramo semicircular. Si el collar inicia su movimiento a partir del reposo debido a la aplicación permanente sobre él, de la fuerza horizontal de magnitud constante $\sqrt{3}P$ dirigida hacia la derecha, desde la configuración mostrada donde \overline{CE} es horizontal; determinar la magnitud del vector velocidad del collar respecto a tierra para el momento en que éste pasa por el punto D del tramo semicircular.

O y D están en la misma horizontal.

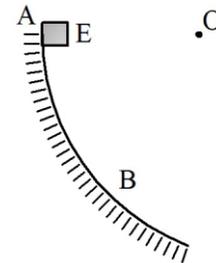


38.- La esfera A de radio despreciable y peso P se apoya en la parte más alta de la superficie semicircular lisa de centro O y radio R fija a tierra. Si la esfera inicia su movimiento con velocidad \overline{v} hacia la derecha; determinar el ángulo φ que forma \overline{OA} con la vertical, correspondiente a la posición donde la esfera deja de tener contacto con la superficie.

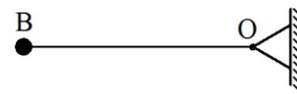


39.- El bloque E de dimensiones despreciables y peso P se mueve en la superficie lisa fija a tierra. El bloque inicia su movimiento y parte del reposo desde el punto A. Si la fuerza reactiva generada por la superficie sobre el bloque cuando éste alcanza el punto B, es dos veces su peso; determinar el radio de curvatura de la trayectoria en dicho punto. La distancia vertical desde A hasta B es h y O es el centro de curvatura asociado al punto B.

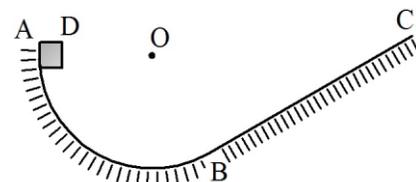
O y A están en la misma horizontal.



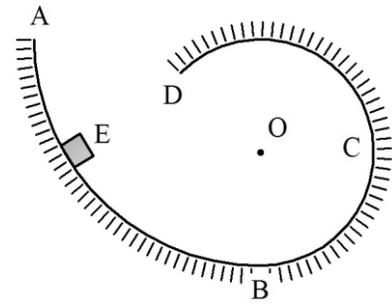
40.- La esfera B de radio despreciable y peso P se encuentra unida a la cuerda OB de longitud L, cuyo extremo O está fijo a tierra. Si la esfera inicia su movimiento y parte del reposo desde la posición mostrada donde la cuerda es horizontal; determinar la distancia vertical h, medida desde la posición inicial que corresponde al instante en el cual la tensión de la cuerda es $2P$.



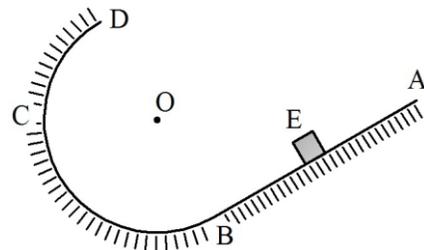
41.- El bloque D de dimensiones despreciables y masa m se mueve en la superficie fija a tierra, formada por el tramo circular AB de centro O y radio R y por el tramo recto BC, inclinado 30° con la horizontal (B es el punto de empalme entre ambos tramos, por consiguiente el radio OB es perpendicular al tramo BC). El contacto entre el tramo circular y el bloque es liso, mientras que el contacto entre el tramo recto y el bloque es rugoso con un coeficiente de roce $\sqrt{3}/3$. Si el bloque inicia su movimiento, y parte del reposo desde la posición mostrada, donde \overline{OD} es horizontal; determinar la distancia d que recorre el bloque sobre el tramo recto.



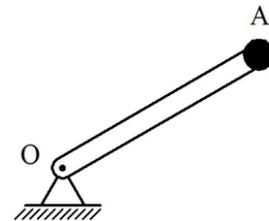
42.- El bloque E de dimensiones despreciables y peso P se mueve en la superficie lisa fija a tierra, formada por el tramo curvilíneo AB y por el tramo circular BD de centro O y radio R. a) Si el bloque inicia su movimiento y parte del reposo desde la posición A, ubicada a la altura $5R$ medida desde la horizontal que pasa por el punto más bajo de la superficie (punto B); determinar: a) La magnitud de la fuerza reactiva que genera la superficie sobre el bloque, cuando éste pasa por C, donde \overline{OC} es horizontal. b) ¿A qué altura medida desde la horizontal que pasa por B debe soltarse el bloque, para que la magnitud de la fuerza reactiva generada por la superficie sobre éste, cuando pasa por el punto más alto del tramo BD sea igual a P ?



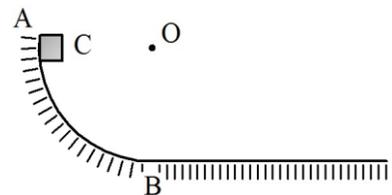
43.- El bloque E de dimensiones despreciables y masa m se mueve en la superficie fija a tierra, formada por el tramo recto AB, inclinado 30° con la horizontal y por el tramo circular BD de centro O y radio R. El tramo recto es rugoso con un coeficiente de roce $\sqrt{3}/6$ y el tramo circular es liso; determinar a qué altura h medida desde la horizontal que pasa por B, debe soltarse el bloque en la superficie recta para que la magnitud de la fuerza reactiva generada por la superficie sobre éste, al pasar por C sea igual a la magnitud de la componente normal de la reacción generada por la superficie rugosa. O y C están en la misma horizontal.



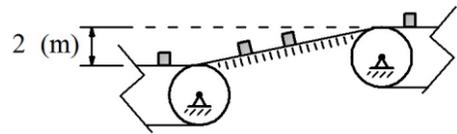
44.- La esfera A de radio despreciable y peso P está unida al extremo superior de la barra ideal OA de longitud L articulada a tierra en O. Si la barra inicia su movimiento y parte del reposo desde la configuración mostrada, donde \overline{OA} forma 60° con la vertical; determinar el ángulo que forma la barra con esta dirección para el instante en que ella cambia del estado de compresión al estado de tracción.



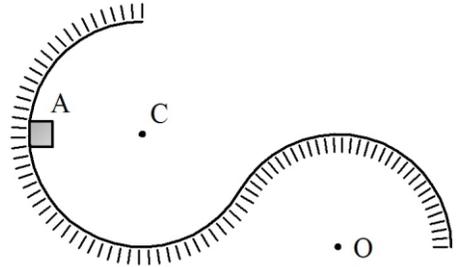
45.- El bloque C de dimensiones despreciables y masa m se lanza con una velocidad hacia abajo desde el punto A de la superficie circular lisa de centro O y radio R fija a tierra, para continuar su movimiento a partir de B en la superficie horizontal rugosa, también fija a tierra y cuyo coeficiente de roce es 0,5. Si \overline{OC} es horizontal; determinar la magnitud de la velocidad de lanzamiento para que el bloque se detenga sobre la superficie horizontal a la distancia $3R$ medida a partir de B. O y B están en la misma vertical.



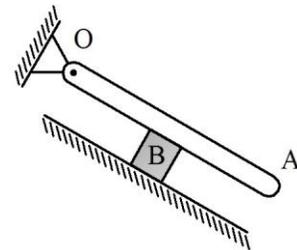
46.- La cinta transportadora superior descarga bloques de dimensiones despreciables y peso P sobre la rampa inclinada fija a tierra con velocidad de magnitud constante igual a 9 (m/s) . Si el coeficiente de roce entre los bloques y la rampa es $0,3$; determinar la inclinación de la misma con la horizontal, para que los bloques se transfieran sin deslizar sobre la cinta transportadora inferior, que se mueve con velocidad de magnitud constante igual a 3 (m/s) .



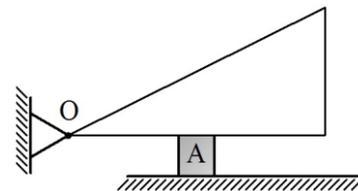
47.- El bloque A de dimensiones despreciables y masa m se mueve en la superficie lisa fija a tierra, formada por dos tramos circulares: el tramo de centro C y radio r y el tramo de centro O y radio R . Si el bloque inicia su movimiento y parte del reposo desde la configuración mostrada, donde \overline{CA} es horizontal; determinar el radio r para que el bloque abandone la superficie de radio R al pasar por la posición más alta. La horizontal que pasa por O es tangente a la superficie de radio r .



48.- El bloque B de dimensiones despreciables y peso $2P$ se apoya en la superficie lisa, fija a tierra e inclinada 30° con la horizontal. La barra OA de longitud L y peso P está articulada a tierra en O , se apoya sobre el bloque y permanece paralela a la superficie. Si el coeficiente de roce entre el bloque y la barra es $\sqrt{3}/6$ y el bloque parte del reposo desde la configuración mostrada, donde éste coincide con el centro de masa de la barra; determinar la magnitud de la velocidad del bloque respecto a tierra justo en el instante en que deja de tener contacto con la barra.



49.- El bloque A de dimensiones despreciables y peso P se apoya en la superficie rugosa horizontal fija a tierra. El bloque triangular homogéneo también de peso P , está articulado a tierra en su vértice O , y apoya su cara inferior lisa horizontal de longitud $2b$ en el bloque. Si el coeficiente de roce entre el bloque A y la superficie es $0,25$ y se aplica sobre éste la fuerza constante horizontal, hacia la derecha de magnitud P y parte del reposo desde la configuración mostrada, donde el bloque está ubicado en el punto medio de la cara horizontal del bloque triangular; determinar la magnitud de la velocidad del bloque A respecto a tierra justo en el instante en el cual deje de tener contacto con la cara horizontal.



5.5.- RESPUESTAS DE LOS PROBLEMAS PROPUESTOS

$$1.- \quad N_1 = \frac{4\sqrt{3}}{3} mg \quad (\nearrow) \quad ; \quad N_2 = \frac{5\sqrt{3}}{3} mg \quad (\rightarrow)$$

$$2.- \quad a) N_1 = \frac{1}{R} m(gR - \sqrt{2} v^2) \quad (\uparrow) \quad ; \quad N_2 = \frac{2}{R} m v^2 \quad (\nearrow)$$

$$b) N_1 = \frac{2}{7R} m(3gR - \sqrt{2} v^2) \quad (\uparrow) \quad ; \quad f_1 = \frac{1}{7R} m(3gR - \sqrt{2} v^2) \quad (\leftarrow)$$

$$N_2 = \frac{2}{7R} m(\sqrt{2} gR + 4v^2) \quad (\nearrow) \quad ; \quad f_2 = \frac{1}{7R} m(\sqrt{2} gR + 4v^2) \quad (\searrow)$$

$$3.- \quad V_1^A = 3\sqrt{gb}$$

$$4.- \quad F = 8m(g + 8v^2)x$$

$$5.- \quad V_1^A > \frac{3}{2}\sqrt{gR}$$

$$6.- \quad F = \frac{m(v^2 b^4 - g a^2 y^3)}{a^2 y^3}$$

$$7.- \quad \omega_{21} = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{14\sqrt{3}g}{L}}$$

donde 2 es la pieza

$$8.- \quad T = \frac{(2\sqrt{2}gH + v^2)}{2\sqrt{2}gH} P$$

$$9.- \quad a = \frac{\sqrt{3}}{3} g$$

$$10.- \quad \bar{a}_1^D = -\frac{2}{3} g \hat{j} \quad ; \quad T_{AB} = 1,2 P$$

$$11.- \quad N_B = mg + \frac{2}{9} (3+2\pi) m \quad (\uparrow)$$

$$12.- \quad N_B = \frac{3}{2} P \quad (\uparrow) \quad ; \quad N_A = \frac{1}{2} P \quad (\leftarrow)$$

$$13.- \quad T_{CB} = \frac{7\sqrt{3}}{3} \text{ m g} \quad ; \quad T_{CA} = \frac{5\sqrt{3}}{3} \text{ m g}$$

$$14.- \quad \theta = \text{tg}^{-1} \left(\frac{4\omega^2 R}{g} \right)$$

$$15.- \quad F = \frac{mC^2}{b^3} (1 + e \cos \theta)^2$$

donde $C = r^2 \dot{\theta}$

$$16.- \quad d = \frac{v_o^2 \text{Ln } 2}{2g F_o} P$$

$$17.- \quad t = 0,44 \text{ (s)}$$

$$18.- \quad F = 5P$$

$$19.- \quad \bar{a}_1^A = -\frac{\sqrt{3}}{3} g \hat{i}$$

$$20.- \quad \mu = \frac{\sqrt{3}}{9}$$

$$21.- \quad F_{\text{máx}} = 9 \text{ m g} \quad ; \quad F_{\text{mín}} = \text{m g}$$

$$22.- \quad \bar{a}_1^A = \frac{1}{3} g \hat{i} \quad ; \quad T = \frac{1}{3} P$$

$$23.- \quad \mu = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$24.- \quad v = \frac{1}{\pi} \sqrt{(1 + 2\pi^2) g b}$$

$$25.- \quad \mu = 0,25$$

$$26.- \quad y = \frac{\omega^2}{2g} x^2$$

$$27.- \quad T = m (g - \pi R)$$

$$28.- \quad v = \sqrt{\frac{g}{L} (L^2 - b^2)}$$

29.- $t = 3 \text{ (s)}$

30.- $\mu = \frac{4b}{g} \omega^2$

31.- $a_1^B = 0,44g$; $a_1^A = 0$

32.- $d = 12,6 \text{ (m)}$

33.- $N_1 = m (R\omega^2 + g)$ (↑) ; $N_2 = 2mR\omega^2$ (↙)

34.- $N_1 = mg$ (↑) ; $N_2 = \frac{m}{R} v^2$ (←)

35.- $N_1 = \frac{\sqrt{2}}{4} m\pi R$ (↖) ; $N_2 = \frac{m}{4} (g - \pi^2 R)$ (↑)

36.- a) $\mu = 0,125$; b) $V_1^A = \sqrt{\frac{hg}{2}}$

37.- $V_1^E = \sqrt{10\sqrt{3}gR}$

38.- $\varphi = \cos^{-1} \left[\frac{1}{3gR} (v^2 + 2gR) \right]$

39.- $\rho = \frac{3}{2} h$

40.- $h = \frac{2}{3} L$

41.- $d = \frac{\sqrt{3}}{2} R$

42.- a) $N = 8P$ (←) ; b) $h = 3R$

43.- $h = \frac{3\sqrt{3}}{2} R$

44.- $\varphi = \cos^{-1} \left(\frac{1}{3} \right)$

45.- $V_1^C = \sqrt{gR}$

46.- $\varphi = 6,12^\circ$

$$47.- \quad r = \frac{3}{2} R$$

$$48.- \quad V_1^B = \sqrt{\frac{(4 - \text{Ln} 2)}{8}} g L$$

$$49.- \quad V_1^A = \sqrt{\frac{(6 - 2 \text{Ln} 2)}{3}} g b$$